



Die adaptive biologische Wachstumsregel im Industrieinsatz: Das SKO-Verfahren

16. Bayreuther 3D-Konstrukteurstag

17. September 2014

Kevin Deese, Michael Frisch, Stefan Hautsch



Beobachtungen aus der Natur:

- Bäume wachsen an Stellen hoher Spannung stärker als an anderen Stellen
- Knochen lagern an stark belasteten Stellen Material an und bauen Material an unterbelasteten Stellen ab (Knochengeweberemodellierung)
- Das Resultat sind homogene Oberflächenspannungen ohne Spannungsspitzen



Die Beobachtungen liefern die „biologische Wachstumsregel“ als mögliche Designregel für die Strukturoptimierung.

1. Lagere Material an stark belasteten Stellen an
2. Entferne Material an niedrig belasteten Stellen

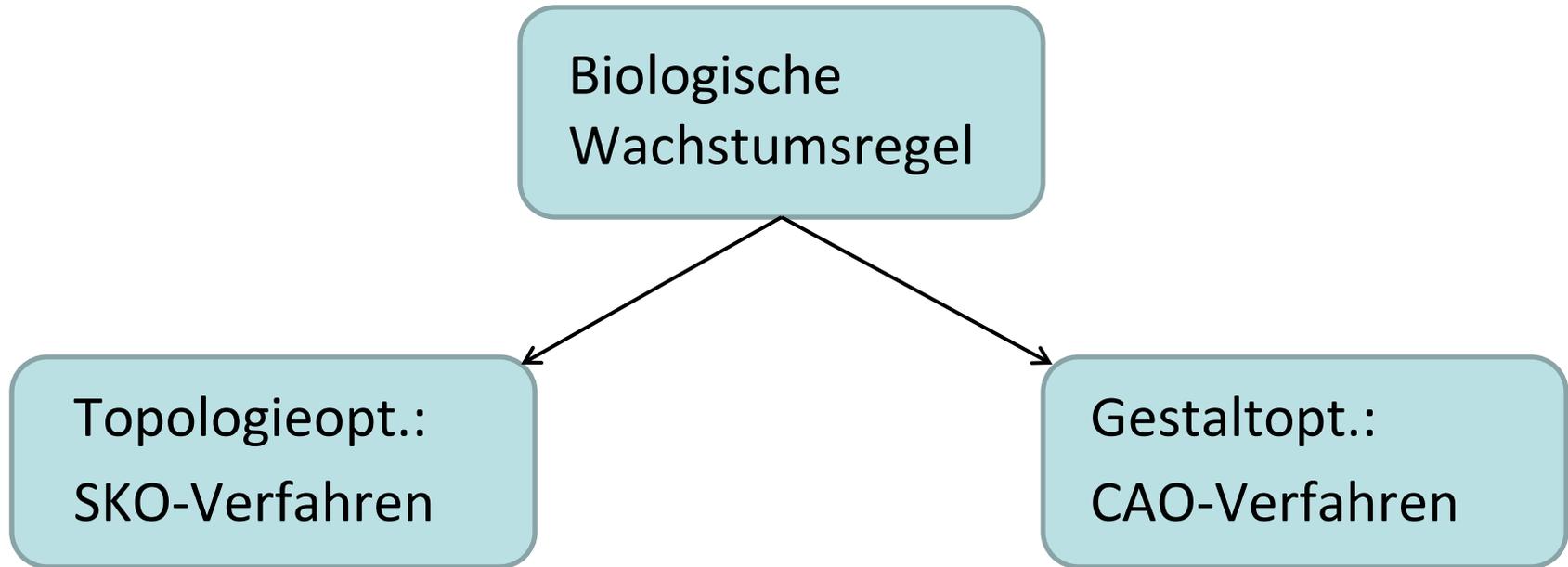


Die Strukturoptimierung besteht aus 3 Bereichen

1. Topologieoptimierung
2. Gestaltoptimierung
3. Materialoptimierung

Topologieoptimierung:

- Topologie wird durch einbringen von Löchern an geeigneten Stellen verändert
- Dazu werden Materialeigenschaften von Finiten Elementen verändert (z. B. E-Modul)





Um zu bestimmen, welches Element überbelastet ist, muss eine Referenzspannung vorgegeben werden.

Durch die Spannungsdifferenz $\sigma - \sigma_{ref}$ und einen Skalierungsfaktor kann dann der E-Modul variiert werden:

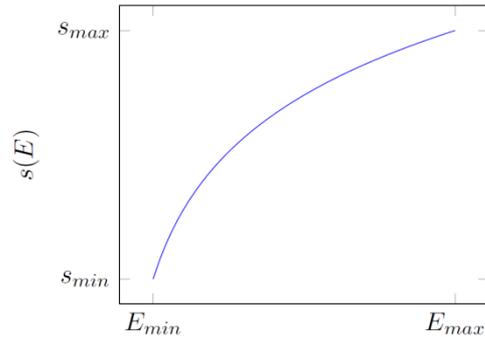
$$E_i^{(k)} = E_{i-1}^{(k)} + s \cdot (\sigma_i^{(k)} - \sigma_{ref})$$

i : Iteration

k : Element

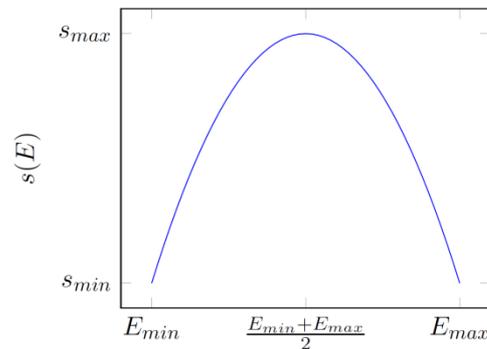
Das SKO-Verfahren

Wahl des Skalierungsfaktors



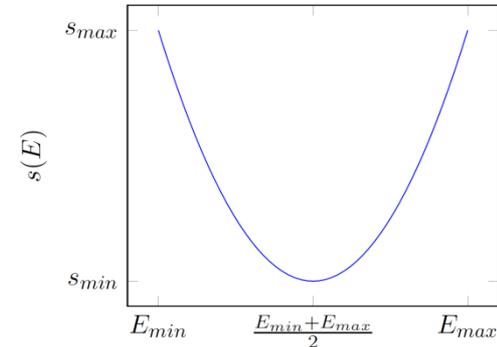
E-Modul

$$s(E) = s_{min} + (s_{max} - s_{min}) \lg \left(1 + 9 \cdot \frac{E - E_{min}}{E_{max} - E_{min}} \right)$$



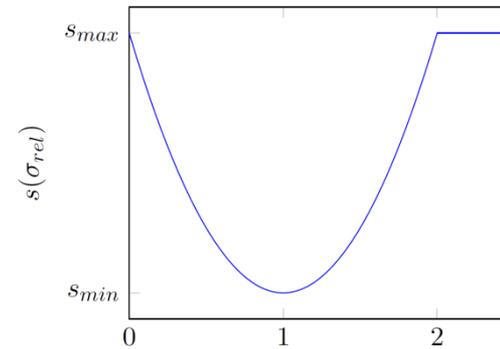
E-Modul

$$s(E) = s_{max} + (s_{min} - s_{max}) \left(2 \cdot \frac{E - E_{min}}{E_{max} - E_{min}} - 1 \right)^2$$



E-Modul

$$s(E) = s_{min} + (s_{max} - s_{min}) \left(2 \cdot \frac{E - E_{min}}{E_{max} - E_{min}} - 1 \right)^2$$



relative Spannung σ_{rel}

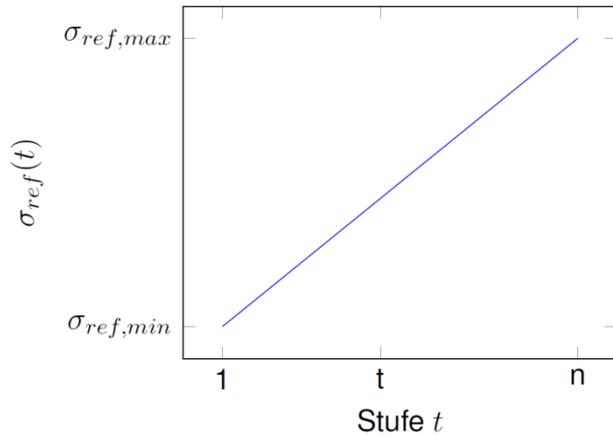
$$s(\sigma_{rel}) = \begin{cases} s_{min} + (s_{max} - s_{min}) (\sigma_{rel} - 1)^2 & \text{für } \sigma_{rel} \leq 2 \\ s_{max} & \text{für } \sigma_{rel} > 2 \end{cases}$$

$$\text{mit } \sigma_{rel} = \frac{\sigma}{\sigma_{ref}}$$

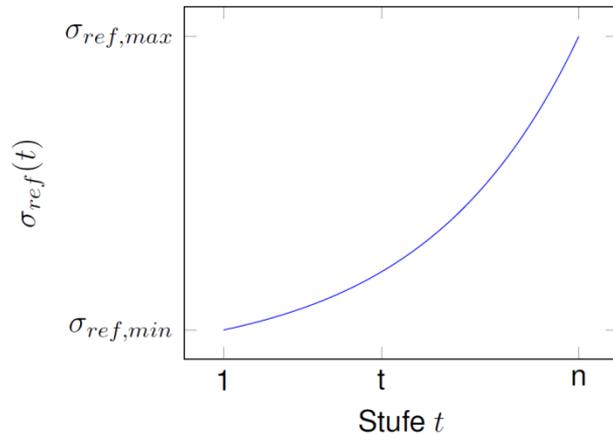
Liefert die besten Ergebnisse

Das SKO-Verfahren

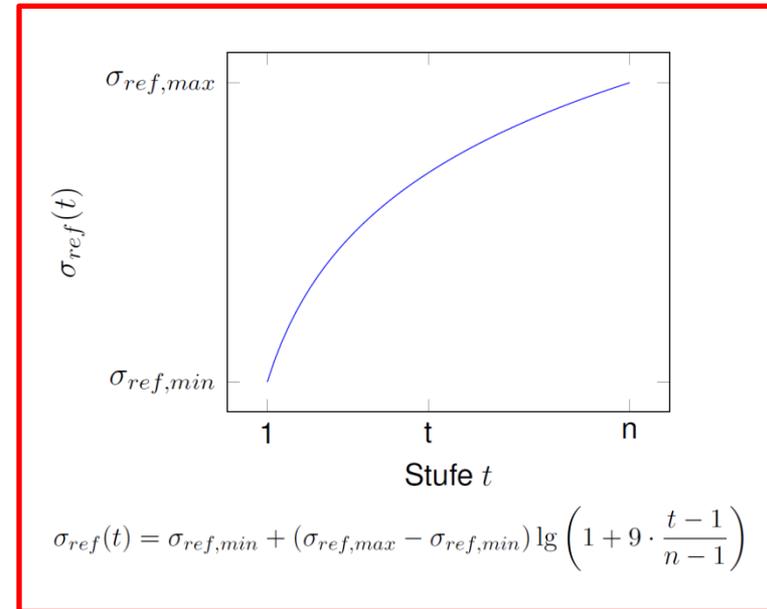
Wahl der Referenzspannung



$$\sigma_{ref}(t) = \sigma_{ref,min} + (\sigma_{ref,max} - \sigma_{ref,min}) \cdot \frac{t-1}{n-1}$$



$$\sigma_{ref}(t) = \sigma_{ref,min} + \frac{(\sigma_{ref,max} - \sigma_{ref,min})}{9} \left(10^{\frac{t-1}{n-1}} - 1 \right)$$



$$\sigma_{ref}(t) = \sigma_{ref,min} + (\sigma_{ref,max} - \sigma_{ref,min}) \lg \left(1 + 9 \cdot \frac{t-1}{n-1} \right)$$

Liefert die besten Ergebnisse



- Skalierungsfaktor abhängig von der Referenzspannung
- Referenzspannung abhängig von der Stufe

$$E_i^{(k)} = E_{i-1}^{(k)} + s \left(\sigma_{i,rel}^{(k)} \right) \cdot \left(\sigma_i^{(k)} - \sigma_{ref}(t) \right)$$

$$E_i^{(k)} = \begin{cases} E_{max} & \text{wenn } E_i^{(k)} > E_{max} \\ 0 & \text{wenn } E_i^{(k)} < 0 \\ E_i^{(k)} & \text{sonst} \end{cases}$$

i : Iteration

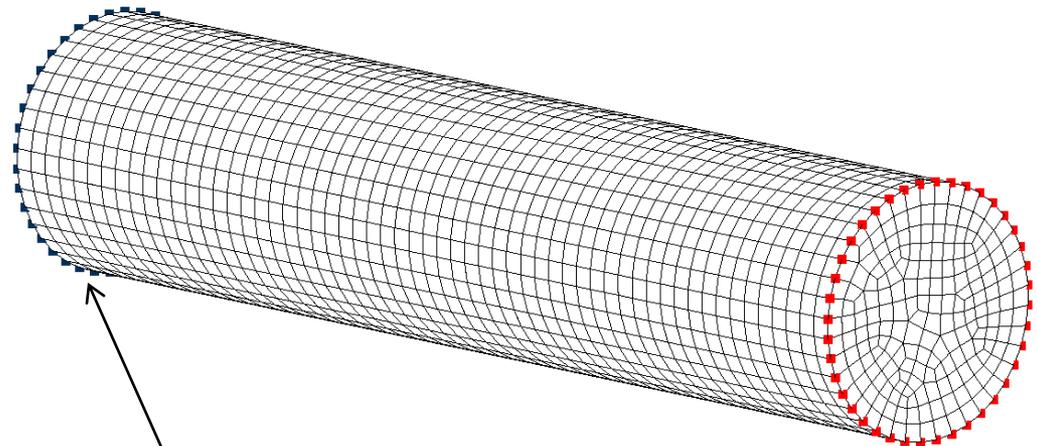
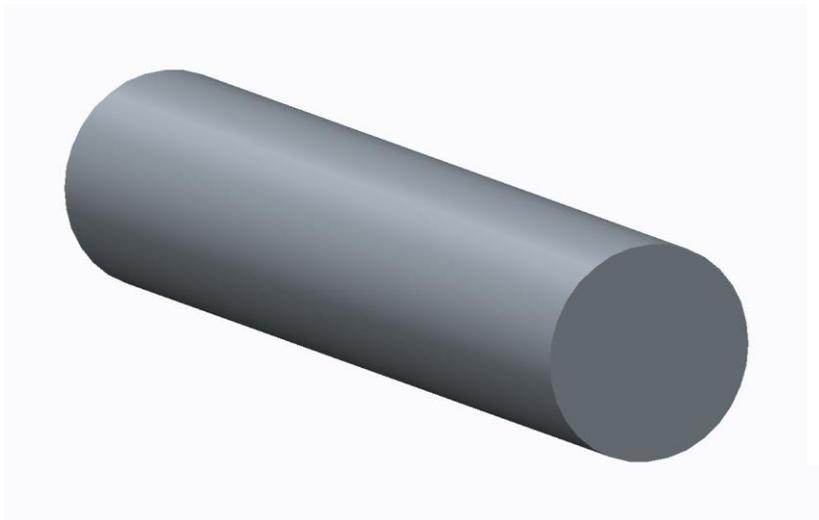
k : Element

t : Stufe



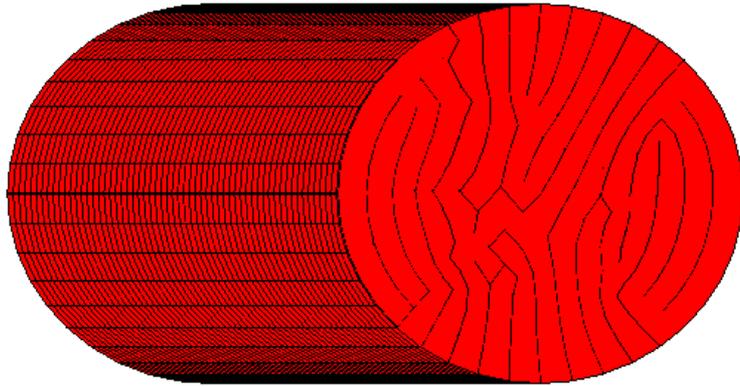
Welle aus Vollmaterial, auf einer Seite festgeschweißt, auf der anderen ein Moment von 100 Nm aufgebracht

Referenzspannung: $200 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2}$

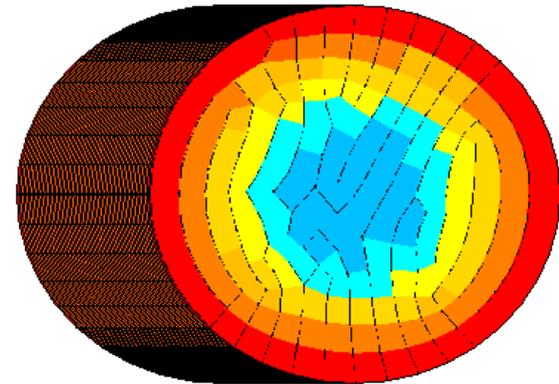


Festhaltung

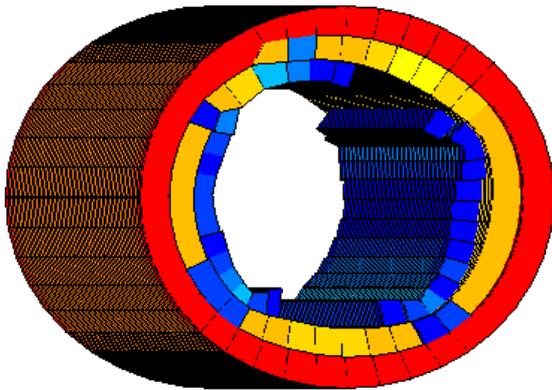
Moment



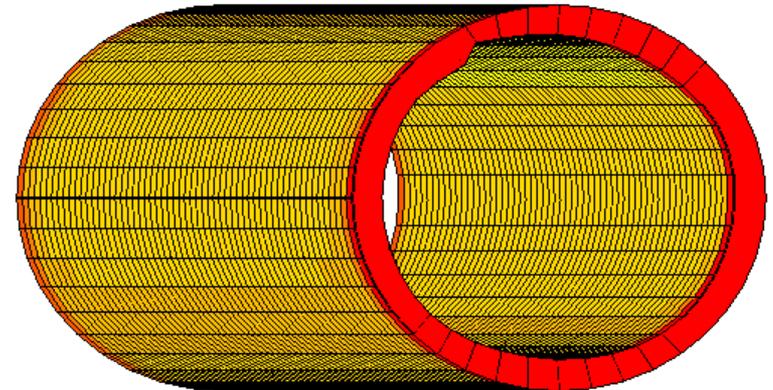
Iteration 0



Iteration 3



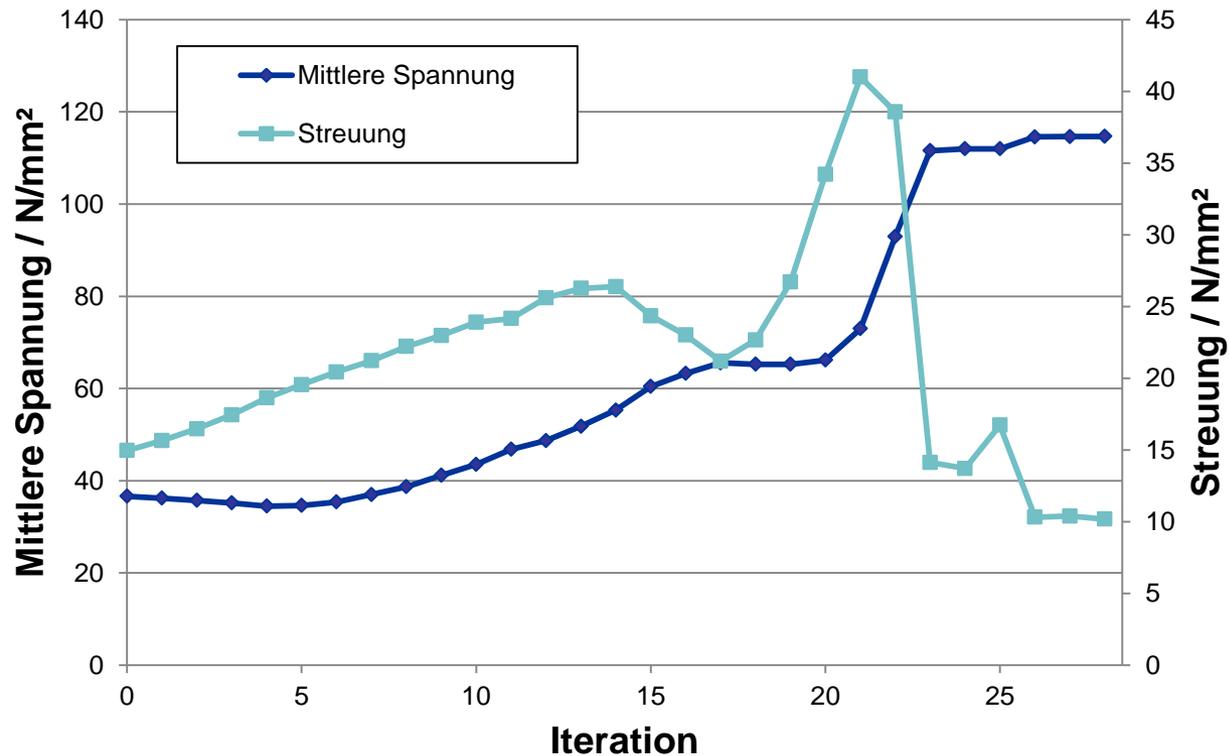
Iteration 13



Iteration 28



Spannungsverlauf der Optimierung





- C. Mattheck (1997): Design in der Natur – Der Baum als Lehrmeister. 3. Auflage. Rombach Verlag, Freiburg im Breisgau
- L. Harzheim (2008): Strukturoptimierung – Grundlagen und Anwendungen. Verlag Harri Deutsch, Frankfurt a. M.
- M. P. Bendsøe; O. Sigmund (2003): Topology Optimization – Theory, Methods and Applications. Springer Verlag, Berlin